Расчет матрицы рассеяния цели и ее инвариантов по измерениям мощности отраженного сигнала на многоканальном поляриметре

А.В. Кочетов

AO «НПП «Радар ммс», Санкт-Петербург, Новосельковская,37, radar@radar-mms.com.

Приводится расчет матрииы рассеяния иели и ее инвариантов по измерениям мошности отраженных сигналов на некогерентном многоканальном поляриметре, при последовательном излучении радиолокационных (РЛ) сигналов круговой и линейной поляризации, а также параллельном приеме РЛ-сигналов шести поляризаций. Обосновывается минимально необходимый набор сигналов излучаемых и принимаемых радиолокационной станцией (РЛС). Предложенные алгоритмы расчета могут быть использованы для контрольных расчетов МР иели при работе когерентных РЛС и при работе сверхширокополосных сверхкороткоимпульсных РЛС (СКИ РЛС).

Совершенствование современных систем радиолокации по пути повышения информативности РЛ-изображений предполагает максимальное использование потенциала как излучаемых РЛС, так и отраженных целью сигналов. Одним из важных повышения эффективности РЛС является использование поляризационных характеристик рассеяния цели.

Наиболее полную информацию о характеристиках рассеяния наблюдаемой цели представляет ее матрица рассеяния (МР), полученная в одном из поляризационных базисов, например, в базисе вертикаль горизонталь:

$$||S|| = \begin{vmatrix} S_{VV} & S_{VH} \\ S_{HV} & S_{HH} \end{vmatrix}, \tag{1}$$

 $||S|| = \begin{vmatrix} S_{VV} & S_{VH} \\ S_{HV} & S_{HH} \end{vmatrix}, \tag{1}$ $S_{VV} = s_{vv}e^{j\Phi_{vv}}$ — отклик цели при облучении ее сигналом с линейной вертикальной поляризацией и приеме на линейной вертикальной поляризации;

 $S_{VH} = S_{vh} e^{j\Phi_{vh}}$ – отклик цели при облучении ее сигналом с линейной вертикальной поляризацией и приеме на линейной горизонтальной поляризации;

 $S_{HV} = s_{hv} e^{j \Phi_{hv}}$ — отклик цели при облучении ее сигналом с линейной горизонтальной поляризацией и приеме на линейной вертикальной поляризации;

 $S_{HH} = S_{hh} e^{j\Phi_{hh}}$ – отклик цели при облучении ее сигналом с линейной горизонтальной поляризацией и приеме на линейной горизонтальной поляризации.

Элементы МРЦ (1), суть комплексные числа, на практике могут быть получены непосредственными измерениями амплитуд и фаз отраженных сигналов в ортогонально-поляризованных каналах когерентной РЛС, а также в некогерентных РЛС при помощи многоканальных поляриметров. В последнем случае начальная фаза при элементе S_{VV} принимается равной нулю и рассматривается МРЦ с относительной фазой, где фазы элементов S_{VH} , S_{HV} , S_{HH} определяются относительно элемента S_{VV} .

Собственный поляризационный базис целей, определяющий поляризационные характеристики рассеяния отраженных сигналов, в общем случае может быть произвольным. Произвольным может быть и положение точки, характеризующей поляризационное состояние цели на сфере Пуанкаре [1]. Поэтому для вычисления этого положения многоканальный поляриметр должен иметь возможность излучать и принимать РЛ-сигналы с поляризациями, равноудаленно расположенными на сфере Пуанкаре. Один из вариантов выбора базиса поляризаций излучаемых и принимаемых сигналов может совпадать с наиболее распространенными поляризационными базисами: L-R, ±45, V-H. Таким образом, передающий тракт многоканального поляриметра должен обеспечивать излучение РЛ-сигналов линейными

поляризациями, например ±45, V-H и сигналов круговых поляризаций LC-RC. Соответственно, приемный тракт должен обеспечивать прием РЛ-сигналов с линейными поляризациями ±45, V-H и сигналов круговых поляризаций L-R.

образом, многоканальные поляриметры отличаются простотой построения РЛС, не требующей применения когерентного передатчика и гетеродина. Структурная схема антенно-фидерного тракта поляриметра изображена на рис.1. Двух поляризационная антенна 1 имеет вход для сигнала, излучаемого в свободное пространство с вертикальной поляризацией, и вход для сигнала, излучаемого в свободное пространство с горизонтальной поляризацией. Антенно-фидерный тракт поляриметра обеспечивает формирование фазовых сдвигов между сигналами вертикальной и горизонтальной поляризациями в соответствии с выбранными поляризациями излучения и приема антенной системы РЛС.

схема построения антенно-волноводного тракта, реализованная экспериментальном макете радиолокационного измерительного комплекса "Орт" [2], обладает избыточностью для расчета параметров МР цели, однако позволяет проследить закономерности расчета, построения схемотехнических решений и алгоритмов обработки информации на многоканальном поляриметре.

Запишем сигнал, излучаемый поляриметром, в следующем виде:

$$\vec{E}_{\text{\tiny H3JI}} = \frac{\sqrt{2}}{2} E_0 (\vec{e_x} + \alpha \vec{e_y}).$$

 $\vec{E}_{\text{изл}} = \frac{\sqrt{2}}{2} E_0 (\overrightarrow{e_x} + a \overrightarrow{e_y}),$ где: E_0 – амплитуда напряженности электрического поля, возбуждаемая антенной РЛС в свободном пространстве;

 $\overrightarrow{e_x}, \overrightarrow{e_y}$ – единичные орты декартовой системы координат, связанной с антенной РЛС, причем орту $\overrightarrow{e_x}$ соответствует вертикаль, а орту $\overrightarrow{e_y}$ горизонталь;

а – коэффициент, учитывающий вид поляризации излучения:

a = i при излучении круговой поляризации левого вращения LC,

a = -j при излучении круговой поляризации правого вращения RC,

a = 1 при излучении линейной поляризации с углом наклона + 45°.

a = -1 при излучении линейной поляризации с углом наклона - 45° .

Напряженность электрического поля у цели определяется выражением:

$$\vec{E}_{II} = \frac{\sqrt{2}}{2} E_0 F(\vec{e_x} + a \vec{e_y}), \qquad (2)$$

где: F — постоянный амплитудно-фазовый множитель, учитывающий распространение возбужденной антенной РЛС электромагнитной волны на трассе антенна РЛС – цель.

Сделаем допущение об отсутствии деполяризации в антенне РЛС и на трассе распространения и деполяризацией сигналов в фидерном тракте.

Тогда напряженность поля рассеянной целью электромагнитной волны у антенны РЛС определится как:

$$\vec{E}_{\text{orp}} = \frac{\sqrt{2}}{2} E_0 F G e^{j\phi_{vv}} (\vec{e_x} s_{vv} + \vec{e_y} s_{vh} e^{j\phi_{vh}} + a(\vec{e_x} s_{hv} e^{j\phi_{hv}} + \vec{e_y} s_{hh} e^{j\phi_{hh}}), \qquad (3)$$

где: G — постоянный амплитудно-фазовый множитель, учитывающий распространение возбужденной антенной РЛС электромагнитной волны на трассе цель – антенна РЛС.

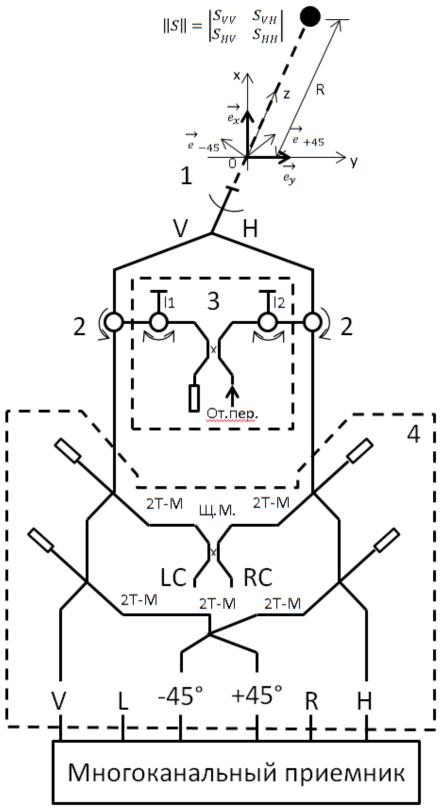


Рис. 1. Структурная схема многоканального поляриметра: 1 – двух поляризационная антенна;

- 2 циркуляторы развязки приемного и передающего трактов;
 - 3 передающий тракт;
 - 4- приемный тракт.

Фазовый множитель в формуле (3) при элементе S_{VV} вынесен за скобки:

$$\varphi_{vh} = \Phi_{vh} - \Phi_{vv},
\varphi_{hv} = \Phi_{hv} - \Phi_{vv},
\varphi_{hh} = \Phi_{hh} - \Phi_{vv}.$$

Если отражения от цели определяются MP, например, в базисе V-H (вертикальгоризонталь), то ее элементы определяют коэффициенты преобразования падающей на цель и рассеянной целью волн.

В выражении (3) можно опустить все постоянные амплитудно-фазовые множители, тогда напряженность электрического поля у антенны с учетом МР цели имеет вид:

$$\vec{E}_{\text{orp}} = \frac{\sqrt{2}}{2} E_0 (\vec{e_x} (s_{vv} + as_{hv} e^{j\varphi_{hv}}) + \vec{e_y} (s_{vh} e^{j\varphi_{hv}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}). \tag{4}$$

Рассмотрим обратное прохождение сигнала в приемном тракте РЛС по функциональной схеме (см. рис.1). Принимаем, что фазовая длина фидеров в приведенной схеме выровнена, потери отсутствуют, коэффициенты преобразования падающей на антенну электромагнитной волны в сигналы приемного тракта для ортогональных поляризаций одинаковы.

Тогда при излучении антенной электромагнитной волны круговой поляризации левого вращения в вертикальном канале приемного тракта имеем следующий сигнал

$$L_{\overline{e_x}} = \frac{\sqrt{2}}{2} E_0 (s_{vv} + j s_{hv} e^{j\varphi_{hv}}),$$

а в горизонтальном канале

$$L_{\overrightarrow{e_{v}}} = \frac{\sqrt{2}}{2} E_0 (s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + j s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}).$$

Для случая однопозиционной $\bar{\Im}\Pi P$ справедливо: $s_{vh} = s_{hv}$ и $\varphi_{vh} = \varphi_{hv}$, поэтому при облучении цели РЛ-сигналом круговой поляризации левого вращения на выходах приемного антенно-фидерного тракта получаем следующие сигналы:

$$\mathcal{L}_{V} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} + j s_{vh} e^{j\varphi_{vh}}) \right]
\mathcal{L}_{H} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + j s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{L}_{D} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} + (1+j) s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + j s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{L}_{C} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} - (1-j) s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} - j s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{L}_{R} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (j s_{vv} + j s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{L}_{L} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} + 2j s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]$$
(5)

Аналогичным образом могут быть получены следующие соотношения для сигналов на выходе антенно-фидерного тракта:

- при облучении цели РЛ-сигналом круговой поляризации правого вращения

$$\mathcal{R}_{V} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (j s_{vv} + s_{vh} e^{j\varphi_{vh}}) \right]
\mathcal{R}_{H} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (j s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{R}_{D} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (j s_{vv} + (1+j) s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{R}_{C} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (j s_{vv} + (1-j) s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{R}_{R} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (-s_{vv} + 2j s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]
\mathcal{R}_{L} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (j s_{vv} + j s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]$$
(6)

- при облучении цели РЛ-сигналом линейной поляризации с углом наклона -45°

$$\mathcal{D}_{V} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} + s_{vh} e^{j\varphi_{vh}}) \right]$$

$$\mathcal{D}_{H} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]$$

$$\mathcal{D}_{D} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} + 2s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]$$

$$\mathcal{D}_{C} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} - s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]$$

$$\mathcal{D}_{R} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (js_{vv} + (1+j)s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]$$

$$\mathcal{D}_{L} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} (s_{vv} + (1+j)s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + js_{hh} e^{j\varphi_{hh}}) \right]$$

- при облучении цели РЛ-сигналом линейной поляризации с углом наклона +45°

$$C_{V} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} \left(s_{vv} - s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} \right) \right]$$

$$C_{H} = \frac{1}{2} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} \left(s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} - s_{hh} e^{j\varphi_{hh}} \right) \right]$$

$$C_{D} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} \left(s_{vv} - s_{hh} e^{j\varphi_{hh}} \right) \right]$$

$$C_{C} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} \left(s_{vv} - 2 s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} + s_{hh} e^{j\varphi_{hh}} \right) \right]$$

$$C_{R} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} \left(j s_{vv} + (1 - j) s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} - s_{hh} e^{j\varphi_{hh}} \right) \right]$$

$$C_{L} = \frac{\sqrt{2}}{4} \left[\frac{\sqrt{2}}{2} E_{0} \left(s_{vv} - (1 - j) s_{vh} e^{j\varphi_{vh}} - j s_{hh} e^{j\varphi_{hh}} \right) \right]$$

В выражениях (5) - (8) индекс \mathcal{D} — соответствует излучению или приему линейной поляризации с углом наклона -45°, а индекс \mathcal{C} — соответствует излучению или приему линейной поляризации с углом наклона +45°.

Выходы антенно-фидерного тракта РЛС нагружены на амплитудные приемники, которые фиксируют амплитуду РЛ-сигнала, поступающего на его вход. Мощность сигнала, рассеянного целью в направлении РЛС вычисляется как квадраты амплитуд сигналов, принимаемых поляриметром $|Z|^2 = Z Z^*$.

Из выражений (5) - (8) после преобразований получим формулы для мощностей сигналов на выходе антенно-фидерного тракта (табл.1), устанавливающие связь для откликов цели на выбранных поляризациях излучения и приема зондирующих сигналов через параметры МРЦ в базисе V-H.

Для общности представления в табл.1 записаны формулы для откликов цели при излучении вертикальной или горизонтальной поляризаций с учетом потери мощности

на излучение при переключении вертикального или горизонтального каналов передающего фидерного тракта на согласованную нагрузку.

Из полученных соотношений (табл.1) могут быть определены элементы МРЦ в базисе V-H:

$$\varphi_{vh} = \tan^{-1} \left(\frac{R_V - L_V}{C_V - D_V} \right)$$

$$\varphi_{hh} = \varphi_{vh} + \tan^{-1} \left(\frac{R_H - L_H}{C_H - D_H} \right).$$
(9)

Расчет по формулам (9) возможен, если $s_{hv} > 0$, иначе следует пользоваться следующей формулой:

$$arphi_{hh} = an^{-1} \Big(rac{L_V + R_V + L_H + R_H - 2L_C - D_R}{L_R - 2D_C} \Big)$$
 . Соотношения для квадратов амплитудных коэффициентов МРЦ:

$$s_{vv}^{2} = \frac{2}{E_{0}^{2}} [(L_{V} + R_{V}) - (L_{H} + R_{H}) + (L_{R} + 2D_{C})]$$

$$s_{vh}^{2} = \frac{2}{E_{0}^{2}} [(L_{V} + R_{V}) + (L_{H} + R_{H}) - (L_{R} + 2D_{C})] .$$

$$s_{hh}^{2} = \frac{2}{E_{0}^{2}} [-(L_{V} + R_{V}) + (L_{H} + R_{H}) + (L_{R} + 2D_{C})]$$

$$(10)$$

В формулах (10) постоянный коэффициент $\frac{2}{E_0^2}$ включает параметры передатчика, антенны, трассы распространения и т.д. Данный коэффициент учитывается при расчете элементов МР, измеряемых в единицах ЭПР, прямым (по уравнению дальности радиолокации) методом. Для косвенного расчета элементов МР по известному эталону ЭПР этот множитель можно опустить.

Недостаток формул (10) заключается в том, что при заданном выборе поляризаций излучения базиса круговых L-R и базиса линейных ±45° поляризаций для расчета квадратов амплитуд коэффициентов МРЦ в базисе линейных поляризаций V-H, необходимо произвести арифметические операции над шестью слагаемыми. Так как это измеренные уровни амплитуд сигналов с выходов, как минимум, с четырех приемников, то возрастают погрешности расчетов самих коэффициентов МРЦ.

Амплитудные коэффициенты МРЦ желательно получать прямыми измерениями в поляризационном базисе, связанном с видами излучения и приема многоканального поляриметра. Это значит, что при наличии приемников вертикального и горизонтального каналов желательно иметь излучение вертикальной и горизонтальной составляющих РЛ-сигнала. Однако переход к другому поляризационному базису линейных поляризаций может привести к аппаратурному усложнению передающего тракта или к снижению полной мощности излучения РЛС. Поэтому, исходя из имеющихся видов излучения, наиболее целесообразно получить МРЦ в базисе линейных ±45° или в базисе круговых L-R поляризаций.

В формулу (2) сделаем подстановку

$$\overrightarrow{e_{x}} = \frac{\sqrt{2}}{2}(\overrightarrow{e_{+45^{\circ}}} + \overrightarrow{e_{-45^{\circ}}});$$
 $\overrightarrow{e_{y}} = \frac{\sqrt{2}}{2}(\overrightarrow{e_{+45^{\circ}}} - \overrightarrow{e_{-45^{\circ}}})$ а в формулу (3) обратную замену

$$\overline{e_{-45^{\circ}}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\overrightarrow{e_{x}} - \overrightarrow{e_{y}} \right); \qquad \overline{e_{+45^{\circ}}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\overrightarrow{e_{x}} + \overrightarrow{e_{y}} \right) .$$

После преобразований получим соотношения для мощностей сигналов на выходе антенно-фидерного тракта через параметры МРЦ в базисе линейных поляризаций ±45° (см. табл.2). Индексы элементов МРЦ V, v и H, h для базиса линейных поляризаций V-Н заменены на индексы C, c и D, d. Индекс C — соответствует излучению или приему линейной поляризации с углом наклона $+45^{\circ}$, а индекс D – излучению или приему линейной поляризации с углом наклона -45°. Значения элементов MP:

$$s_{dd}^{2} = \frac{4}{E_{0}^{2}} D_{D}$$

$$s_{dc}^{2} = \frac{4}{E_{0}^{2}} D_{C} = \frac{4}{E_{0}^{2}} C_{D}$$

$$s_{cc}^{2} = \frac{4}{E_{0}^{2}} C_{C}$$

$$\varphi_{dc} = \tan^{-1} \left(\frac{D_{R} - D_{L}}{2(D_{V} - D_{H})} \right)$$

$$\varphi_{cc} = \varphi_{cd} + \tan^{-1} \left(\frac{C_{R} - C_{L}}{2(C_{V} - C_{H})} \right)$$
(11)

Из полученных соотношений (табл.2) следует важный вывод: для того, чтобы восстановить MP в базисе линейных поляризаций $\pm 45^{\circ}$ (при условии $s_{dc}^2 > 0$), достаточно двух излучений ортогональных РЛ-сигналов линейной поляризации $\pm 45^{\circ}$ и приема отраженного сигнала на шести поляризациях L, R, D, C, V, H. На практике количество каналов приема отраженного сигнала может быть уменьшено до четырех.

В случае если $s_{dc}^2=0$, для вычисления значения φ_{cc} необходимо произвести еще два излучения на линейных поляризациях базиса V-H, или круговых поляризациях базиса L-R.

$$\varphi_{cc} = \tan^{-1}\left(\frac{L_H + R_V - L_V - R_H}{2L_C - (D_D + 2C_C)}\right)$$

При малых значениях s_{dc}^2 для вычисления значения φ_{cc} предпочтительнее переход в тот поляризационный базис, где при уменьшении значений мощности отраженного сигнала по кроссовым компонентам излучения и приема РЛ-сигнала данного поляризационного базиса наблюдается увеличение мощности кроссовых составляющих излучения и приема. Это может быть, как базис линейных поляризаций V-H, так и базис круговых поляризаций L-R.

Соотношения для базиса круговых поляризаций L-R могут быть получены, если в формуле (2) сделать замену переменной на излучение:

$$\overrightarrow{e_{lc}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\overrightarrow{e_x} + j \overrightarrow{e_y} \right); \qquad \overrightarrow{e_{rc}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\overrightarrow{e_x} - j \overrightarrow{e_y} \right)$$

и провести рассмотрение прохождения РЛ-сигнала для MP, записанной в базисе круговых поляризаций L-R.

После преобразований для обратной замены переменной, с учетом противоположного направления распространения отраженной электромагнитной волны на прием, сделаем подстановку:

$$\overrightarrow{e_{lc}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\overrightarrow{e_x} - j \overrightarrow{e_y} \right); \qquad \overrightarrow{e_{rc}} = \frac{\sqrt{2}}{2} \left(\overrightarrow{e_x} + j \overrightarrow{e_y} \right)$$

и получим формулы расчета мощности отраженных сигналов на выходе антеннофидерного тракта, выраженные через элементы MP в базисе круговых поляризаций (см. табл.3).

Элементы МРЦ в базисе круговых поляризаций определяются следующими выражениями:

$$s_{ll}^{2} = \frac{2}{E_{0}^{2}} L_{L}$$

$$s_{lr}^{2} = \frac{2}{E_{0}^{2}} L_{R} = \frac{2}{E_{0}^{2}} R_{L}$$

$$s_{rr}^{2} = \frac{2}{E_{0}^{2}} R_{R}$$
При $s_{lr}^{2} > 0$

$$\varphi_{lr} = \tan^{-1} \left(\frac{L_{D} - L_{C}}{L_{V} - L_{H}} \right)$$

$$\varphi_{rr} = \varphi_{lr} + \tan^{-1} \left(\frac{R_{D} - R_{C}}{R_{V} - R_{H}} \right)$$
При $s_{lr}^{2} = 0$

$$\varphi_{rr} = \tan^{-1} \left(\frac{D_{V} - C_{V} - D_{H} + C_{H}}{8D_{C} - (R_{R} + L_{L})} \right).$$
(12)

Приведенные соотношения позволяют рассчитать параметры МРЦ в одном из поляризационных базисов излучения и приема. Формулы табл. 1-3 устанавливают связь между элементами МР, записанными в поляризационных базисах: L-R, ±45°, V-H. Последующим пересчетом по известным формулам [3], могут быть получены значения амплитуд отраженных сигналов в любом другом поляризационном базисе, которые используются при разработке РЛ-комплексов с заранее выбранными параметрами излучения и приема антенных систем.

Наибольший интерес представляет задача расчета инвариантных параметров MP исследуемой цели. Эти параметры дают возможность перейти к рассмотрению и анализу инвариантов цели, которые в ряде случаев могут охарактеризовать исследуемую цель и позволяют оператору РЛС произвести ее интерпретацию – классификацию по поляризационным признакам.

Связь между МРЦ, например, в базисе линейных поляризаций V-H и МРЦ на ее собственных поляризациях имеет вид [4]:

$$||H^t|| \cdot ||R^t|| \cdot ||S|| \cdot ||R|| \cdot ||H|| = \begin{vmatrix} \Lambda_1 & 0\\ 0 & \Lambda_2 \end{vmatrix}, \tag{13}$$

где: Λ_1 , Λ_2 – собственные числа МРЦ;

$$\|S\| = \begin{vmatrix} S_{VV} & S_{VH} \\ S_{HV} & S_{HH} \end{vmatrix}$$
 — МРЦ в базисе линейных поляризаций V-H; $\|R\| = \begin{vmatrix} \cos \theta & -\sin \theta \\ \sin \theta & \cos \theta \end{vmatrix}$ — оператор вращения; $\|H\| = \begin{vmatrix} \cos \alpha & j\sin \alpha \\ j\sin \alpha & \cos \alpha \end{vmatrix}$ — оператор эллиптичности;

 θ — угол поворота поляризационного базиса излучения и приема;

α – угол эллиптичности.Учитывая свойства

$$||H(\gamma)|| \cdot ||H(\beta)|| = ||H(\gamma + \beta)||$$

$$||R(q)|| \cdot ||R(p)|| = ||R(q + p)||$$

из выражения (13) получим формулу обратного преобразования матрицы $\|S\|$ в матрицу $\|A\|$

$$||S|| = ||R^t(-\theta)|| \cdot ||H^t(-\alpha)|| \cdot ||\Lambda|| \cdot ||H(-\alpha)|| \cdot ||R(-\theta)|| . \tag{14}$$

Раскрывая выражение (14) установим связь S_{VV} , S_{VH} , S_{HH} и инвариантов МРЦ:

$$S_{VV} = (\Lambda_1 \cos^2 \alpha - \Lambda_2 \sin^2 \alpha) \cos^2 \theta + 2j(\Lambda_1 + \Lambda_2) \sin \alpha \cos \alpha \sin \theta \cos \theta + ;$$

$$+(-\Lambda_1 \sin^2 \alpha + \Lambda_2 \cos^2 \alpha) \sin^2 \theta$$

$$S_{VH} = (\Lambda_1 \cos^2 \alpha - \Lambda_2 \sin^2 \alpha) \sin \theta \cos \theta +$$

$$+j(\Lambda_1 + \Lambda_2) \sin \alpha \cos \alpha (\sin^2 \theta - \cos^2 \theta) - ;$$

$$-(-\Lambda_1 \sin^2 \alpha + \Lambda_2 \cos^2 \alpha) \sin \theta \cos \theta$$

$$S_{HH} = (\Lambda_1 \cos^2 \alpha - \Lambda_2 \sin^2 \alpha) \sin^2 \theta -$$

$$-2j(\Lambda_1 + \Lambda_2) \sin \alpha \cos \alpha \sin \theta \cos \theta +$$

$$+(-\Lambda_1 \sin^2 \alpha + \Lambda_2 \cos^2 \alpha) \cos^2 \theta$$

$$(17)$$

Принимая фазовый множитель при Λ_1 равным нулю и подставляя выражения (15) - (17) в (4) - (7), получим выражения для мощностей сигналов на выходе антеннофидерного тракта (см. табл.4). Для сокращения записи введены следующие обозначения:

$$\mu^{+} = \lambda_{1}^{2} + \lambda_{2}^{2} \qquad \mu_{c} = 2\lambda_{1}\lambda_{2}\cos\varphi$$

$$\mu^{-} = \lambda_{1}^{2} - \lambda_{2}^{2} \qquad \mu_{s} = 2\lambda_{1}\lambda_{2}\sin\varphi$$

$$\Lambda_{1} = \lambda_{1}e^{j\varphi_{1}}, \quad \Lambda_{2} = \lambda_{2}e^{j\varphi_{2}}, \quad \varphi = \varphi_{2} - \varphi_{1}.$$

Полученные соотношения определяют связь мощностей РЛ-сигналов полученных от цели на выходе антенно-фидерного тракта с инвариантами МРЦ: α – угол эллиптичности собственного базиса цели $(-\frac{\pi}{4} \le \alpha \le \frac{\pi}{4}); \ \theta$ — угол наклона эллипса поляризации собственного базиса цели $\left(-\frac{\pi}{2} \le \theta \le \frac{\pi}{2}\right)$; λ_1 , λ_2 – собственные числа МРЦ; φ – фазовый сдвиг λ_2 относительно λ_1 .

По измерениям мощности отраженного сигнала на выходе антенно-фидерного тракта многоканального поляриметра решается обратная задача – расчет инвариантов МРЦ.

След энергетической матрицы рассеяния определяется суммированием мощностей РЛ-сигналов, принимаемых по ортогонально поляризованным каналам при двукратном излучении ортогонально поляризованных РЛ-сигналов:

$$P_0 = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 = s_{vv}^2 + 2s_{vh}^2 + s_{hh}^2 = s_{ll}^2 + 2s_{lr}^2 + s_{rr}^2 = s_{dd}^2 + 2s_{dc}^2 + s_{cc}^2$$

 $P_0={\lambda_1}^2+{\lambda_2}^2=s_{vv}^2+2s_{vh}^2+s_{hh}^2=s_{ll}^2+2s_{lr}^2+s_{rr}^2=s_{dd}^2+2s_{dc}^2+s_{cc}^2$. Этот же результат может быть получен суммированием мощностей кросскомпонент РЛ-сигналов в основных поляризационных базисах цели:

$$P_0 = 2s_{vh}^2 + 2s_{lr}^2 + 2s_{dc}^2$$

 $P_0 = 2s_{vh}^2 + 2s_{lr}^2 + 2s_{dc}^2$. Представление полной мощности РЛ-сигналов через сумму кросс-компонент дает возможность уменьшить число переменных и реализовать цветовое отображение поляризационной информации на экране РЛС в палитре R-G-B сигналов.

Расчет инвариантов МРЦ следует начинать с проверки условий

$$s_{vv}^{2} - s_{hh}^{2} = 0$$

$$s_{ll}^{2} - s_{rr}^{2} = 0 ,$$

$$s_{dd}^{2} - s_{cc}^{2} = 0$$
(18)

выполнение которых при $P_0 > 0$ соответствует случаю n – кратных отражений электромагнитной волны от цели и на трассе распространения, например, отражения от плоской поверхности, шар, диск, двухгранные или трехгранные уголковые отражатели (YO).

Выполнение условий (18) соответствует равенству собственных значений

$$\lambda_1^2 = \lambda_2^2 = \frac{1}{2} P_0$$

и неопределенному значению углов α и θ .

Различать четные и нечетные отражения следует при выполнении условия $s_{ll}^2 > s_{lr}^2$. Если условие выполняется, это соответствует случаю (2n+1) - кратных отражений электромагнитной волны. При этом искомым углам следует присвоить значения $\alpha = 0$, θ — не определен. Если условие не выполняется, это соответствует случаю (2n) кратных отражений электромагнитной волны. При этом искомым углам следует присвоить значения $\theta = 0$, α – не определен. Фазовый сдвиг φ может быть рассчитан по формуле (11) или (12).

Вычисление инвариантов МРЦ в случае, если хотя бы одно из условий (18) не выполняется, следует начинать с последовательного анализа этих условий (18). В этом случае каждому варианту выполнения условий (18) будет соответствовать своя ветвь алгоритма расчета. Несколько вариантов расчета параметров МРЦ обусловлено тем, что невозможно записать общую формулу, которая может в некоторых случаях привести к неопределенности 0/0 или делению на 0.

Для случая, когда условие (18) не выполняется, расчет инвариантов МРЦ следует начинать с вычисления угла наклона эллипса поляризации собственного базиса цели:

$$\tan 2\theta = \frac{(C_V + C_H) - (D_V + D_H)}{(C_V + D_H) - (C_H + D_H)}. \tag{19}$$
 Угол эллиптичности собственного базиса МРЦ можно определить из излучения

двух линейных или двух круговых поляризаций или их комбинаций. Например, при излучении двух круговых поляризаций левого и правого вращения $\tan 2\alpha = \frac{1}{2} \frac{L_L - R_R}{(L_V + R_V) - (L_H + R_H)} \cos 2\theta.$

$$\tan 2\alpha = \frac{1}{2} \frac{L_L - R_R}{(L_V + R_V) - (L_H + R_H)} \cos 2\theta.$$

или

$$\tan 2\alpha = \frac{1}{2} \frac{L_L - R_R}{(L_C + R_C) - (L_D + R_D)} \sin 2\theta.$$

Разность собственных чисел МРЦ

$$\lambda_1^2 - \lambda_2^2 = \frac{4}{E_0^2 \cos 2\alpha} \left\{ \frac{[(C_V + C_H) - (D_V + D_H)] \pm [(C_V + D_V) - (C_H + D_H)]}{\sin 2\theta \pm \cos 2\theta} \right\}. \tag{20}$$
 Знак угла θ определяется из выражения (19) и в выражении (20) следует взять:

- знак "+", если угол 2θ находится в I и III квадрантах;
- знак "-", если угол 2θ находится в II и IV квадрантах.

Значение фазового сдвига φ можно определить в общем виде, используя всего два излучения РЛ-сигнала левой и правой круговых поляризаций:

$$\tan \varphi = \frac{2\cos 2\alpha}{4L_R - \cos 2\alpha (L_L + 2L_R + R_R)} \times \left\{ \sin 2\theta \left[2(L_V + R_V) - \frac{1}{2} (L_L - R_R) \right] + \cos 2\theta \left[2(L_D + R_D) - \frac{1}{2} (L_L - R_R) \right] \right\}$$
(21)

Таблица 1.1. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис круговых поляризаций цели L-R (при приеме в базисе круговых поляризаций L-R)

поляризаций цели L-R (при приеме в базисе круговых поляризаций L-R)		
Пер.	L $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{4} \{ \}$	R $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{4}\{\}$
L	$\{4s_{ll}^{2}\}$	$\{\ 4\ s_{lr}^2\ \}$
R	$\set{4s_{lr}^2}$	$\set{4s_{rr}^2}$
D	$2\{s_{ll}^{2} + s_{lr}^{2} + 2 s_{ll} s_{lr} \sin \varphi_{lr}\}$	$2\{s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$
С	$2\{s_{ll}^{2} + s_{lr}^{2} - 2s_{ll}s_{lr}\sin\varphi_{lr}\}$	$2\{s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} - 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$
V	$2\{s_{ll}^{2} + s_{lr}^{2} + 2s_{ll}s_{lr}\cos\varphi_{lr}\}$	$2\{s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$
Н	$2\{s_{ll}^{2} + s_{lr}^{2} - 2s_{ll}s_{lr}\cos\varphi_{lr}\}$	$2\{s_{lr}^2 + s_{rr}^2 - 2 s_{lr} s_{rr} \cos(\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$

Таблица 1.2. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис круговых поляризаций цели L-R (при приеме в базисе линейных поляризаций $\pm 45^{\circ}$)

поляризаций цели L-R (при приеме в базисе линейных поляризаций ±45°)		
Пр.	D $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{8} \{ \}$	C $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{8} \{\}$
L	$2 \left\{ s_{ll}^{2} + s_{lr}^{2} + 2 s_{ll} s_{lr} \sin \varphi_{lr} \right\}$	$2 \left\{ s_{ll}^2 + s_{lr}^2 - 2 s_{ll} s_{lr} \sin \varphi_{lr} \right\}$
R	$2\{s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$	$2\{s_{lr}^2 + s_{rr}^2 - 2 s_{lr} s_{rr} \sin(\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$
D	$ \{ s_{ll}^{2} + 4 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} - \\ - 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr} + \\ + 4 s_{ll} s_{lr} \cos \varphi_{lr} + \\ + 4 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $	$\{s_{ll}^2 + s_{rr}^2 + 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr}\}$
С	$\{ s_{ll}^2 + s_{rr}^2 + 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr} \}$	$\{ s_{ll}^{2} + 4 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} - 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr} - 2 s_{ll} s_{lr} \cos \varphi_{lr} - 4 s_{ll} s_{lr} \cos \varphi_{lr} - 4 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \}$
V	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + \\ + 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} + \\ + 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} + \sin \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} - \\ - 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} + \\ + 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} - \sin \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) - \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $
Н	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} - \\ - 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} - \\ - 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} - \sin \varphi_{lr}) + \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + \\ + 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} - \\ - 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} + \sin \varphi_{lr}) + \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) - \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $

Таблица 1.3. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис круговых поляризаций цели L-R (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)

поляризаций цели L-R (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)		
Пр.	$V = \frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{8} \{\}$	H $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$
L	$2 \left\{ s_{ll}^{2} + s_{lr}^{2} + 2 s_{ll} s_{lr} \cos \varphi_{lr} \right\}$	$2\{s_{ll}^2 + s_{lr}^2 - 2s_{ll}s_{lr}\cos\varphi_{lr}\}$
R	$2\{s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$	$2\{s_{lr}^2 + s_{rr}^2 - 2 s_{lr} s_{rr} \cos(\varphi_{rr} - \varphi_{lr})\}$
D	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + \\ + 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} + \\ + 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} + \sin \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} - \\ - 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} - \\ - 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} - \sin \varphi_{lr}) + \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $
C	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} - \\ - 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} + \\ + 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} - \sin \varphi_{lr}) + \\ + 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) - \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $	$ \{ s_{ll}^{2} + 2 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + \\ + 2 s_{ll} s_{rr} \sin \varphi_{rr} - \\ - 2 s_{ll} s_{lr} (\cos \varphi_{lr} + \sin \varphi_{lr}) - \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) - \\ - 2 s_{lr} s_{rr} \sin (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $
V	$ \{ s_{ll}^{2} + 4 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + \\ + 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr} + \\ + 4 s_{ll} s_{lr} \cos \varphi_{lr} + \\ + 4 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $	$\{s_{ll}^2 + s_{rr}^2 - 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr}\}$
Н	$\{ s_{ll}^2 + s_{rr}^2 - 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr} \}$	$ \{ s_{ll}^{2} + 4 s_{lr}^{2} + s_{rr}^{2} + \\ + 2 s_{ll} s_{rr} \cos \varphi_{rr} - \\ - 4 s_{ll} s_{lr} \cos \varphi_{lr} - \\ - 4 s_{lr} s_{rr} \cos (\varphi_{rr} - \varphi_{lr}) \} $

Таблица 2.1. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис линейных поляризаций цели $\pm 45^{\circ}$ (при приеме в базисе круговых поляризаций L-R)

полиризаци	поляризации цели ±45 (при приеме в базисе круговых поляризации L-К)		
Пр.	L $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{4} \{ \}$	R $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{4} \{\}$	
L	$ \{ s_{dd}^{2} + 4 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - \\ - 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} - \\ - 4 s_{dd} s_{dc} \cos \varphi_{dc} - \\ - 4 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	$\{ s_{dd}^2 + s_{cc}^2 + 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} \}$	
R	$\{ s_{dd}^2 + s_{cc}^2 + 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} \}$	$ \{ s_{dd}^{2} + 4 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - \\ - 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} + \\ + 4 s_{dd} s_{dc} \cos \varphi_{dc} + \\ + 4 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	
D	$2\{s_{dd}^2 + s_{dc}^2 - 2s_{dd}s_{dc}\sin\varphi_{dc}\}$	$2\{s_{dd}^2 + s_{dc}^2 + 2s_{dd}s_{dc}\sin\varphi_{dc}\}$	
С	$2\{s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc})\}$	$2\{s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc})\}$	
V	$ \{ s_{dd}^{2} + 2 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - \\ - 2 s_{dd} s_{cc} \sin \varphi_{cc} + \\ + 2 s_{dd} s_{dc} (\cos \varphi_{dc} - \sin \varphi_{dc}) + \\ + 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) - \\ - 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	$ \{ s_{dd}^{2} + 2 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + \\ + 2 s_{dd} s_{cc} \sin \varphi_{cc} + \\ + 2 s_{dd} s_{dc} (\cos \varphi_{dc} + \sin \varphi_{dc}) + \\ + 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) + \\ + 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	
Н	$ \{ s_{dd}^{2} + 2 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + \\ + 2 s_{dd} s_{cc} \sin \varphi_{cc} - \\ - 2 s_{dd} s_{dc} (\cos \varphi_{dc} + \sin \varphi_{dc}) - \\ - 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) - \\ - 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	$ \{ s_{dd}^{2} + 2 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - \\ - 2 s_{dd} s_{cc} \sin \varphi_{cc} - \\ - 2 s_{dd} s_{dc} (\cos \varphi_{dc} - \sin \varphi_{dc}) - \\ - 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) + \\ + 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	

Таблица 2.2. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис линейных поляризаций цели $\pm 45^{\circ}$ (при приеме в базисе линейных поляризаций $\pm 45^{\circ}$)

поляризаци	поляризаций цели ±45° (при приеме в базисе линейных поляризаций ±45°)		
Пер.	D $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{8} \{ \}$	C $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$	
L	$2 \left\{ s_{dd}^2 + s_{dc}^2 - 2 s_{dd} s_{dc} \sin \varphi_{dc} \right\}$	$2\{s_{dc}^2 + s_{cc}^2 - 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc})\}$	
R	$2\{s_{dd}^2 + s_{dc}^2 + 2s_{dd}s_{dc}\sin\varphi_{dc}\}$	$2\{s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc})\}$	
D	$\set{4s_{dd}^2}$	$\{4s_{dc}^{2}\}$	
С	$\set{4s_{dc}^2}$	$\{4s_{cc}^{2}\}$	
V	$2\{s_{dd}^{2} + s_{dc}^{2} + 2s_{dd}s_{dc}\cos\varphi_{dc}\}$	$2\{s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc})\}$	
Н	$2\{s_{dd}^2 + s_{dc}^2 - 2s_{dd}s_{dc}\cos\varphi_{dc}\}$	$2\{s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc})\}$	

Таблица 2.3. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис линейных поляризаций цели $\pm 45^{\circ}$ (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)

поляризаций цели $\pm 45^{\circ}$ (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)		
Пер.	V $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$	H $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$
L		$ \{ s_{dd}^{2} + 2 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + \\ + 2 s_{dd} s_{cc} \sin \varphi_{cc} - \\ - 2 s_{dd} s_{dc} (\cos \varphi_{dc} + \sin \varphi_{dc}) - \\ - 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) - \\ - 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $
R	$ \{ s_{dd}^{2} + 2 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + \\ + 2 s_{dd} s_{cc} \sin \varphi_{cc} + \\ + 2 s_{dd} s_{dc} (\cos \varphi_{dc} + \sin \varphi_{dc}) + \\ + 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) + \\ + 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	$ \{ s_{dd}^{2} + 2 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - \\ - 2 s_{dd} s_{cc} \sin \varphi_{cc} - \\ - 2 s_{dd} s_{dc} (\cos \varphi_{dc} - \sin \varphi_{dc}) - \\ - 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) + \\ + 2 s_{dc} s_{cc} \sin (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $
D	$2\{s_{dd}^2 + s_{dc}^2 + 2s_{dd}s_{dc}\cos\varphi_{dc}\}$	$2\{s_{dd}^2 + s_{dc}^2 - 2s_{dd}s_{dc}\cos\varphi_{dc}\}$
С	$2\{s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{dd} - \varphi_{dc})\}$	$2\{s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} - 2 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc})\}$
V	$ \{ s_{dd}^{2} + 4 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + \\ + 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} + \\ + 4 s_{dd} s_{dc} \cos \varphi_{dc} + \\ + 4 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $	$\{ s_{dd}^2 + s_{cc}^2 - 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} \}$
Н	$\{ s_{dd}^2 + s_{cc}^2 - 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} \}$	$ \{ s_{dd}^{2} + 4 s_{dc}^{2} + s_{cc}^{2} + \\ + 2 s_{dd} s_{cc} \cos \varphi_{cc} - \\ - 4 s_{dd} s_{dc} \cos \varphi_{dc} - \\ - 4 s_{dc} s_{cc} \cos (\varphi_{cc} - \varphi_{dc}) \} $

Таблица 3.1. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис линейных поляризаций цели V-H (при приеме в базисе круговых поляризаций L-R)

поляризаций цели V-H (при приеме в базисе круговых поляризаций L-R)		
Пр.	L $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{4}\{\}$	R $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{4} \{\}$
L	$ \{ s_{vv}^{2} + 4 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} 4 s_{vv} s_{vh} \sin \varphi_{vh} 4 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $	$\{ s_{vv}^2 + s_{hh}^2 + 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} \}$
R	$\{ s_{vv}^2 + s_{hh}^2 + 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} \}$	$ \{ s_{vv}^{2} + 4 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} + + 4 s_{vv} s_{vh} \sin \varphi_{vh} + + 4 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $
D	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} + 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} - 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} + \sin \varphi_{vh}) - 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) - 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} - 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} - 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} - \sin \varphi_{vh}) - 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) + 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $
С	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} - 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} + + 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} - \sin \varphi_{vh}) + + 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) - 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} + \\ + 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} + \\ + 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} + \sin \varphi_{vh}) + \\ + 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) + \\ + 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $
V	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 - 2 s_{vv} s_{vh} \sin \varphi_{vh}\}$	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 + 2 s_{vv} s_{vh} \sin \varphi_{vh}\}$
Н	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 - 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 + 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$

Таблица 3.2. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис линейных поляризаций цели V-H (при приеме в базисе линейных поляризаций $\pm 45^{\circ}$)

поляризаций цели V-H (при приеме в базисе линейных поляризаций ±45°)		
Пр.	D $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{8} \{ \}$	C $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$
L	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} + 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} - 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} + \sin \varphi_{vh}) - 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) - 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} - 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} + + 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} - \sin \varphi_{vh}) + + 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $
R	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} - 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} - 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} - \sin \varphi_{vh}) - 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) + 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $	$ \{ s_{vv}^{2} + 2 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} + + 2 s_{vv} s_{hh} \sin \varphi_{hh} + + 2 s_{vv} s_{vh} (\cos \varphi_{vh} + \sin \varphi_{vh}) + + 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) + + 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $
D	$ \{ s_{vv}^{2} + 4 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} + + 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} 4 s_{vv} s_{vh} \cos \varphi_{vh} 4 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $	$\{s_{vv}^2 + s_{hh}^2 - 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} \}$
С	$\{ s_{vv}^2 + s_{hh}^2 - 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} \}$	$ \{ s_{vv}^{2} + 4 s_{vh}^{2} + s_{hh}^{2} + + 2 s_{vv} s_{hh} \cos \varphi_{hh} + + 4 s_{vv} s_{vh} \cos \varphi_{vh} + + 4 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh}) \} $
V	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 - 2s_{vv}s_{vh}\cos\varphi_{vh}\}$	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 + 2s_{vv}s_{vh}\cos\varphi_{vh}\}$
Н	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 - 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 + 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$

Таблица 3.3. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через базис линейных поляризаций цели $\pm 45^{\circ}$ (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)

поляризаци	поляризаций цели ±45° (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)		
Пр.	$V = \frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{8} \{\}$	H $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{8} \{\}$	
L	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 - 2s_{vv}s_{vh}\sin\varphi_{vh}\}$	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 - 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$	
R	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 + 2s_{vv}s_{vh}\sin\varphi_{vh}\}$	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 + 2 s_{vh} s_{hh} \sin (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$	
D	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 - 2 s_{vv} s_{vh} \cos \varphi_{vh}\}$	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 - 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$	
С	$2\{s_{vv}^2 + s_{vh}^2 + 2 s_{vv} s_{vh} \cos \varphi_{vh}\}$	$2\{s_{vh}^2 + s_{hh}^2 + 2 s_{vh} s_{hh} \cos (\varphi_{hh} - \varphi_{vh})\}$	
V	$\set{4 s_{vv}^2}$	$\{4s_{vh}^{2}\}$	
Н	$\set{4 s_{vh}^2}$	$\set{4s_{hh}^2}$	

Таблица 4.1. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через собственный поляризационный базис цели (при приеме в базисе круговых поляризаций L-R)

поляризационный базис цели (при приеме в базисе круговых поляризаций L-R)		
Пр.	L $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{4}\{\}$	R $\frac{1}{2} E_0^2 \frac{1}{4} \{\}$
L	$\{ \mu^{+} (1 + \sin^{2} 2\alpha) + \mu^{-} 2 \sin 2\alpha - \mu_{C} \cos^{2} 2\alpha \}$	$\{ (\mu^+ + \mu_C) \cos^2 2\alpha \}$
R	$\{ (\mu^+ + \mu_C) \cos^2 2\alpha \}$	$\{ \mu^{+} (1 + \sin^{2} 2\alpha) - \mu^{-} 2 \sin 2\alpha - \mu_{C} \cos^{2} 2\alpha \}$
D	$\{ \mu^{+} (1 - \sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) - \mu^{-} (\cos 2\alpha \sin 2\theta - \sin 2\alpha) - \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \cos 2\theta) \}$	$\{ \mu^{+} (1 + \sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) - \mu^{-} (\cos 2\alpha \sin 2\theta + \sin 2\alpha) + \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) - \mu_{S} (\cos 2\alpha \cos 2\theta) \}$
С	$\{ \mu^{+} (1 + \sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) + \mu^{-} (\cos 2\alpha \sin 2\theta + \sin 2\alpha) + \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) - \mu_{S} (\cos 2\alpha \cos 2\theta) \}$	$\{ \mu^{+} (1 - \sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) + \mu^{-} (\cos 2\alpha \sin 2\theta - \sin 2\alpha) - \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \cos 2\theta) \}$
V	$\{ \mu^{+} (1 + \sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu^{-} (\cos 2\alpha \cos 2\theta + \sin 2\alpha) + \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \sin 2\theta) \}$	$\{ \mu^{+} (1 - \sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu^{-} (\cos 2\alpha \cos 2\theta - \sin 2\alpha) - \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) - \mu_{S} (\cos 2\alpha \sin 2\theta) \}$
Н	$\{ \mu^{+} (1 - \sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) - \mu^{-} (\cos 2\alpha \cos 2\theta - \sin 2\alpha) - \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) - \mu_{S} (\cos 2\alpha \sin 2\theta) \}$	$\{ \mu^{+} (1 + \sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) - \mu^{-} (\cos 2\alpha \cos 2\theta + \sin 2\alpha) + \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \sin 2\theta) \}$

Таблица 4.2. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через собственный поляризационный базис цели (при приеме в базисе линейных поляризаций $\pm 45^{\circ}$)

поляризационный оазис цели (при приеме в оазисе линейных поляризации ±45°)		
Пр.	D $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$	C $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$
L	$\{ \mu^{+} (1 - \sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) - \mu^{-} (\cos 2\alpha \sin 2\theta - \sin 2\alpha) - \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \cos 2\theta) \}$	{ μ^+ (1 + sin 2α cos 2α sin 2θ) + + μ^- (cos 2α sin 2θ + sin 2α) + + μ_C (sin 2α cos 2α sin 2θ) - - μ_S (cos 2α cos 2θ)}
R	$\{ \mu^{+} (1 + \sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) - \mu^{-} (\cos 2\alpha \sin 2\theta + \sin 2\alpha) + \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) - \mu_{S} (\cos 2\alpha \cos 2\theta) \}$	$\{ \mu^{+} (1 - \sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) + \mu^{-} (\cos 2\alpha \sin 2\theta - \sin 2\alpha) - \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \sin 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \cos 2\theta) \}$
D	$\{ \mu^{+} (1 + \sin^{2} 2\theta \cos^{2} 2\alpha) - \mu^{-} (2 \sin 2\theta \cos 2\alpha) + \mu_{C} (1 - \sin^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) + \mu_{S} (\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$	$\{ \mu^{+} (1 - \cos^{2} 2\alpha \sin^{2} 2\theta) - \mu_{C} (1 - \sin^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) - \mu_{S} (\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$
С	$\{ \mu^{+} (1 - \cos^{2} 2\alpha \sin^{2} 2\theta) - \mu_{C} (1 - \sin^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) - \mu_{S} (\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$	$\{ \mu^{+} (1 + \sin^{2} 2\theta \cos^{2} 2\alpha) + \\ + \mu^{-} (2 \sin 2\theta \cos 2\alpha) + \\ + \mu_{C} (1 - \sin^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) + \\ + \mu_{S} (\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$
V	{ μ^{+} (1 - sin 2θ cos 2θ cos ² 2α) - - μ^{-} (cos 2α (sin 2θ - cos 2θ)) + + μ_{C} (sin 2θ cos 2θ (1 + sin ² 2α) + + μ_{S} (sin 2α cos 4θ)}	${μ^{+} (1 + \sin 2\theta \cos 2\theta \cos^{2} 2\alpha) + + μ^{-} (\cos 2\alpha (\sin 2\theta + \cos 2\theta)) - - μ_{C} (\sin 2\theta \cos 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha) + + μ_{S} (\sin 2\alpha \cos 4\theta)}$
Н	${μ^{+} (1 + \sin 2\theta \cos 2\theta \cos^{2} 2\alpha) - \mu^{-} (\cos 2\alpha (\sin 2\theta + \cos 2\theta)) - \mu_{C} (\sin 2\theta \cos 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha) + \mu_{S} (\sin 2\alpha \cos 4\theta)}$	${μ^{+} (1 - \sin 2\theta \cos 2\theta \cos^{2} 2\alpha) + + μ^{-} (\cos 2\alpha (\sin 2\theta - \cos 2\theta)) + + μ_{C} (\sin 2\theta \cos 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha) - - μ_{S} (\sin 2\alpha \cos 4\theta)}$

Таблица 4.3. РЛ-сигналы поляриметра, выраженные через собственный поляризационный базис цели (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)

поляризационный базис цели (при приеме в базисе линейных поляризаций V-H)		
Пр.	V $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$	H $\frac{1}{2}E_0^2\frac{1}{8}\{\}$
L	$\{ \mu^{+} (1 + \sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu^{-} (\cos 2\alpha \cos 2\theta + \sin 2\alpha) + \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \sin 2\theta) \}$	{ μ^+ (1 - sin 2α cos 2α cos 2θ) - - μ^- (cos 2α cos 2θ - sin 2α) - - μ_C (sin 2α cos 2α cos 2θ) - - μ_S (cos 2α sin 2θ)}
R	$\{ \mu^{+} (1 - \sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu^{-} (\cos 2\alpha \cos 2\theta - \sin 2\alpha) - \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) - \mu_{S} (\cos 2\alpha \sin 2\theta) \}$	$\{ \mu^{+} (1 + \sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) - \mu^{-} (\cos 2\alpha \cos 2\theta + \sin 2\alpha) + \mu_{C} (\sin 2\alpha \cos 2\alpha \cos 2\theta) + \mu_{S} (\cos 2\alpha \sin 2\theta) \}$
D	{ μ^{+} (1 - sin 2θ cos 2θ cos ² 2α) - - μ^{-} (cos 2α (sin 2θ - cos 2θ)) + + μ_{C} (sin 2θ cos 2θ (1 + sin ² 2α) + + μ_{S} (sin 2α cos 4θ)}	${μ^+ (1 + \sin 2\theta \cos 2\theta \cos^2 2\alpha) - \mu^- (\cos 2\alpha (\sin 2\theta + \cos 2\theta)) - \mu_C (\sin 2\theta \cos 2\theta (1 + \sin^2 2\alpha) + \mu_S (\sin 2\alpha \cos 4\theta)}$
С	{ μ^+ (1 + sin 2θ cos 2θ cos ² 2α) + + μ^- ((sin 2θ + cos 2θ)cos 2α) - - μ_C (sin 2θ cos 2θ (1 + sin ² 2α) + + μ_S (sin 2α cos 4θ)}	${μ^{+} (1 - \sin 2\theta \cos 2\theta \cos^{2} 2\alpha) + + μ^{-} ((\sin 2\theta - \cos 2\theta) \cos 2\alpha) + + μ_{C} (\sin 2\theta \cos 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha) - - μ_{S} (\cos 4\theta \sin 2\alpha)}$
V	$\{ \mu^{+}(1 + \cos^{2} 2\theta \cos^{2} 2\alpha) + \mu^{-}(2\cos 2\theta \cos 2\alpha) + \mu_{C}(1 - \cos^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) - \mu_{S}(\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$	$\{ \mu^{+} (1 - \cos^{2} 2\theta \cos^{2} 2\alpha) - \mu_{C} (1 - \cos^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) - \mu_{S} (\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$
Н	$\{ \mu^{+} (1 - \cos^{2} 2\theta \cos^{2} 2\alpha) - \mu_{C} (1 - \cos^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) - \mu_{S} (\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$	$\{ \mu^{+}(1 + \cos^{2} 2\theta \cos^{2} 2\alpha) - \\ - \mu^{-}(2 \cos 2\theta \cos 2\alpha) + \\ + \mu_{C}(1 - \cos^{2} 2\theta (1 + \sin^{2} 2\alpha)) - \\ - \mu_{S}(\sin 4\theta \sin 2\alpha) \}$

Заключение

Предлагаемая методика и инженерные формулы расчетов позволяют определить элементы матрицы рассеяния цели и ее инварианты по измерениям мощности

отраженных сигналов на выходе антенно-фидерного тракта многоканального поляриметра.

Для определения элементов МРЦ, в общем случае, необходимо произвести не менее трех излучений РЛ-сигналов, поляризационный базис которых выбирается согласно полученным соотношениям, и принять РЛ-сигналы на многоканальном поляриметре не менее, чем по четырем поляризационно-разнесенным каналам. В случае если кроссовые элементы искомой матрицы не равны нулю, достаточно произвести два ортогонально-поляризованных излучения РЛ-сигналов.

Представление полной мощности рассеянного целью сигнала через сумму кросс - поляризационных компонент дает возможность реализовать цветовое отображение поляризационной информации на экране РЛС в палитре R-G-B сигналов, что позволит оператору РЛС произвести предварительную классификацию целей по поляризационным признакам.

Литература

- 1. Козлов А.И., Логвин А.И., Сарычев В.А. Поляризация радиоволн. Книга 2. Радиолокационная поляриметрия. М.: Радиотехника, 2007.
- 2. Головачев М.В., Калугин Н.Ю., Кочетов А.В. Некогерентная поляризационная РЛС для измерения матрицы рассеяния цели // Доклады Сибирского поляризационного семинара. СибПол 2004. Сургут. 7-9 сентября 2004 г.
- 3. Giuli D. Polarization diversity in radars // IEEE. v.74. 1985. №2.
- 4. Бикел С. Некоторые инвариантные свойства поляризационной матрицы рассеяния// ТИИЭР. 1965. т.53. №8.